

平成29年度 選抜1期入学試験問題 「数学」

岡山県作陽高等学校

受験番号	氏名

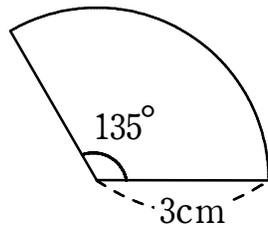
- 注意1. 答えはすべて解答用紙に記入しなさい。
2. 答えに $\sqrt{\quad}$ が含まれるときは $\sqrt{\quad}$ をつけたままで答えなさい。
また、 $\sqrt{\quad}$ の中の数はできるだけ小さい自然数にしなさい。
3. 円周率は π を用いなさい。

1 次の \square に適切な数または式を記入しなさい。

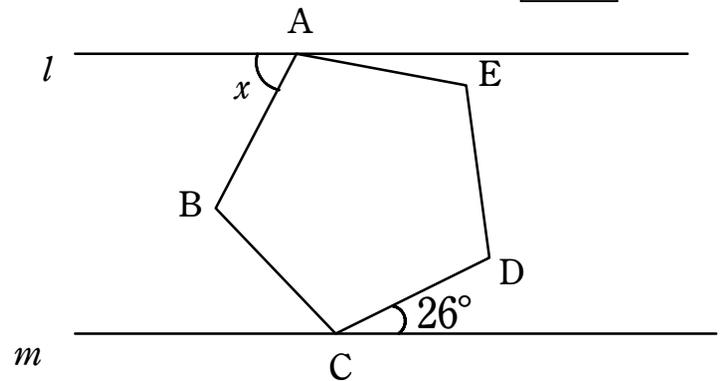
- (1) $-6 - (-8)$ を計算すると \square になる。
- (2) $2 + (-18) \div 6$ を計算すると \square になる。
- (3) $(7a - 2b) - (3a + b)$ を計算すると \square になる。
- (4) $-12ab \div \frac{1}{6}a^2$ を計算すると \square になる。
- (5) $(\sqrt{7} - 5)^2$ を計算すると \square になる。
- (6) $5x^2 - 1 = 3x$ を解くと $x = \square$ となる。
- (7) 右の図の扇形の周りの長さは

(ア) cm であり、

面積は (イ) cm^2 である。



- (8) 大小2つのさいころを同時に投げるとき、
出た目の数の和が5以下になる確率は \square である。
- (9) 下の図で、2直線 l, m は平行であり、五角形ABCDE
は正五角形である。このとき、 $\angle x = \square^\circ$ である。



2 右の図のように、平行四辺形 ABCD を対角線 BD で折り返し、A と対応する点を E とし、BC と DE の交点を F とする。また、直線 CE をひき、AB を延長した直線との交点を G とするとき次の問いに答えなさい。

- (1) $\triangle FBE \cong \triangle FDC$ を次のように証明した。 $\square(i) \sim \square(v)$ に当てはまるものをア～ソからそれぞれ1つ選んでその記号を書き、証明を完成させなさい。

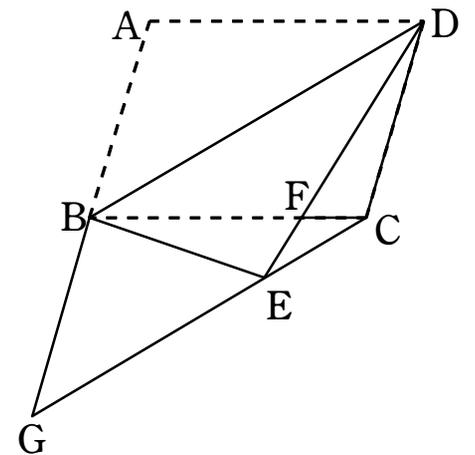
$\triangle FBE$ と $\triangle FDC$ において、仮定より折り返した図形は合同なので

$BE = BA = \square(i) \dots \textcircled{1}$ $\angle BEF = \angle BAD = \square(ii) \dots \textcircled{2}$

$\square(iii)$ は等しいので $\angle BFE = \angle DFC \dots \textcircled{3}$

$\textcircled{2}, \textcircled{3}$ と三角形の内角の関係より $\square(iv) \dots \textcircled{4}$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{4}$ より $\square(v)$ がそれぞれ等しいので $\triangle FBE \cong \triangle FDC$ (証明終了)



- ア DC イ BF ウ DE エ $\angle ABC$ オ $\angle DCF$ カ $\angle BFD$ キ $\angle FBE = \angle FDC$
ク $\angle BGE = \angle BEG$ ケ 平行線の同位角 コ 平行線の錯角 サ 対頂角 シ 円周角
ス 3組の辺 セ 2組の辺とその間の角 ソ 1組の辺とその両端の角

- (2) $AD = BD, \angle ADB = 40^\circ$ のとき、 $\angle BEG = \square^\circ$ である。

3 S高校で行われるスポーツ大会では、全校生徒がバスケットボールとサッカーに分かれてクラス対抗で競技を行う。あるクラスの生徒に競技を行う前に希望者を調べたところ、バスケットボールの希望者は、サッカーの希望者より14人多くいた。しかし、この人数ではサッカーの人数が足りないため、実際には、サッカー希望者全員とバスケットボール希望者の $\frac{1}{4}$ がサッカーを行うことになった。その結果、サッカーに参加した生徒数は、バスケットボールに参加した生徒数の半分より7人多くなった。このとき、次の□に適切な数または式を記入しなさい。

バスケットボールの希望者を x 人、サッカーの希望者を y 人とするとき、希望をとった時点での生徒数について式をたてると、(ア) ……① また、実際にこのクラスでサッカーに参加した生徒数について式をたてると、(イ) ……② となる。

①、②の連立方程式を解くと、バスケットボールの希望者は (ウ) 人、サッカーの希望者は (エ) 人とわかる。さらに、サッカーに参加した生徒の人数は (オ) 人である。

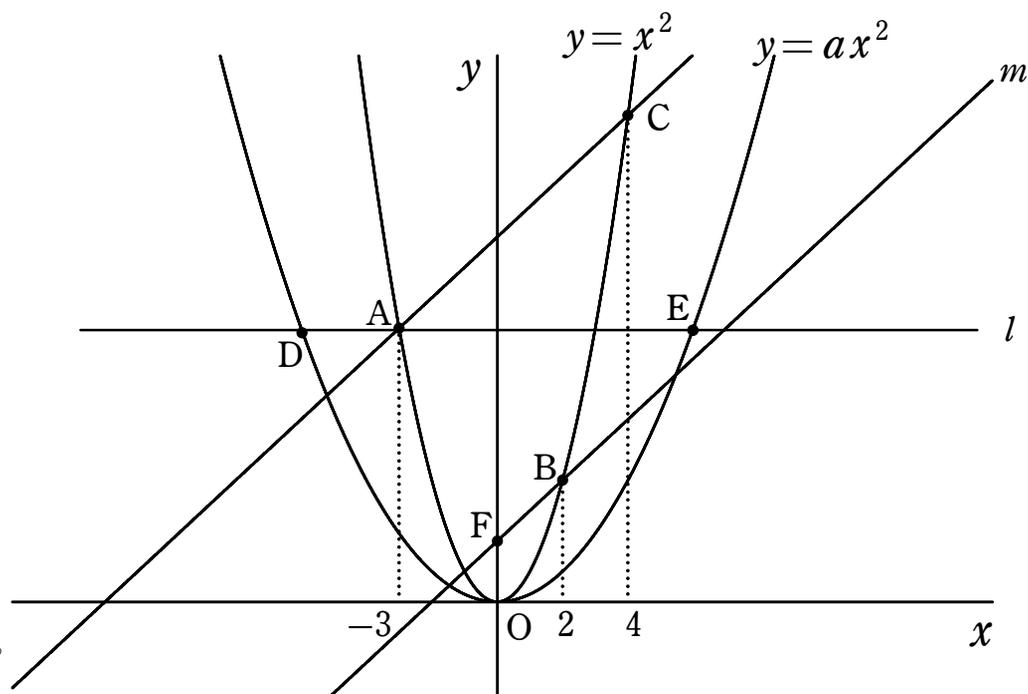
4 下の図のように、関数 $y = ax^2$ ($a > 0$) と関数 $y = x^2$ のグラフがある。 $y = x^2$ のグラフ上に点 A, B, C があり、その x 座標はそれぞれ $-3, 2, 4$ である。また、原点を O とする。次の□に適切な数または式を記入しなさい。ただし、座標の1目もりは 1 cm とする。

(1) 点Aの座標は (,) である。

(2) 直線ACの式は $y = \square$ である。

(3) 点Aを通り、 x 軸に平行な直線 l と関数 $y = ax^2$ のグラフとの交点をそれぞれ D, E とする。

$AE = 3AD$ となるとき、 $a = \square$ である。



(4) 直線ACに平行で点Bを通る直線を m とする。直線 m と y 軸との交点を F とするとき、 $\triangle OFB$ を x 軸の周りに1回転してできる立体の体積は $\square \text{ cm}^3$ である。

(5) a の値を(3)の $a = \square$ とするとき、関数 $y = ax^2$ のグラフ上に2点D, Eとは異なり x 座標が負の整数である点Pをとる。 $\triangle PDA$ の面積が $\triangle OAC$ の面積の $\frac{1}{4}$ になるときの点Pの座標は (,) である。

※余白は計算に使ってもよろしい。

	受験番号
	氏名

得点

1	(1)		3	(ア)		
	(2)			(イ)		
	(3)			(ウ)	人	
	(4)			(エ)	人	
	(5)			(オ)	人	
	(6)	$x =$	4	(1)	(,)	
	(7)	(ア)		cm	(2)	$y =$
		(イ)		cm ²	(3)	$a =$
	(8)			(4)	cm ³	
(9)	$\angle x =$ 度	(5)		(,)		
2	(1)	(i)				
		(ii)				
		(iii)				
		(iv)				
		(v)				
	(2)	$\angle BEG =$ 度				

※余白は計算に使ってもよろしい。

	受験番号
	氏名

得点

1	(1)	2	3	(ア)	$x = y + 14$	
	(2)	-1		(イ)	$y + \frac{1}{4}x = \frac{3}{4}x \times \frac{1}{2} + 7$	
	(3)	$4a - 3b$		(ウ)	24 人	
	(4)	$\frac{-72b}{a}$		(エ)	10 人	
	(5)	$32 - 10\sqrt{7}$		(オ)	16 人	
	(6)	$x = \frac{3 \pm \sqrt{29}}{10}$		(1)	(-3 , 9)	
	(7)	(ア)		$\frac{9}{4}\pi + 6$ cm	(2)	$y = x + 12$
		(イ)		$\frac{27}{8}\pi$ cm ²	(3)	$a = \frac{1}{4}$
	(8)	$\frac{5}{18}$		4	(4)	8π cm ³
(9)	$\angle x = 62$ 度	(5)	(-8 , 16)			
2	(1)	(i)	ア			
		(ii)	オ			
		(iii)	サ			
		(iv)	キ			
		(v)	ソ			
	(2)	$\angle BEG = 70$ 度				