

2019年度 選抜 1 期入学試験問題 「数学」

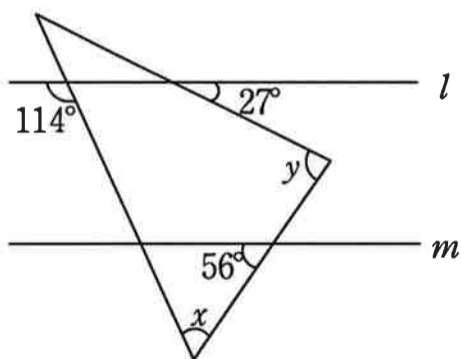
岡山県作陽高等学校

受験番号	氏名

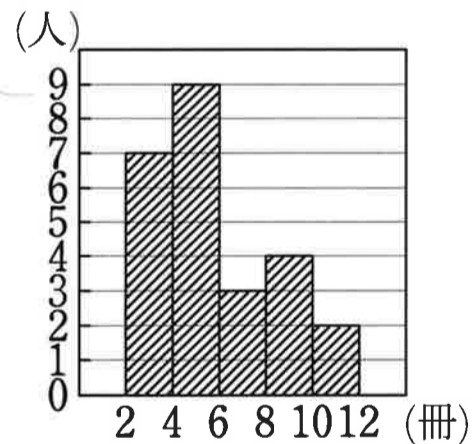
- 注意 1. 答えはすべて解答用紙に記入しなさい。  
 2. 答えに $\sqrt{\quad}$ が含まれるときは $\sqrt{\quad}$ をつけたままで答えなさい。  
 また、 $\sqrt{\quad}$ の中の数はできるだけ小さい自然数にしなさい。  
 3. 円周率は $\pi$ を用いなさい。

1 次の  に適当な数または式を記入しなさい。

- (1)  $2 \times (-3)^2 - 3$  を計算すると  になる。  
 (2)  $\frac{a+b}{3} - \left(\frac{3}{2}a - b\right)$  を計算すると  になる。  
 (3)  $(\sqrt{7} + 2)(\sqrt{7} - 2)$  を計算すると  になる。  
 (4) 24 と 42 の最大公約数は  である。  
 (5)  $ax^2 + 3ax - 10a$  を因数分解すると  になる。  
 (6) 方程式  $x^2 = 5x - 1$  を解くと  $x =$   になる。  
 (7) 下の図において  $l \parallel m$  のとき  
 $x =$    $^\circ$ ,  $y =$    $^\circ$  である。



- (8)  $y$  は  $x$  に反比例し、 $x=7$  のとき、 $y=3$  である。  
 このとき、 $y$  を  $x$  の式で表すと、 $y =$   である。  
 (9) 方程式  $\frac{a}{2} = \frac{5x-2t}{3}$  を文字  $t$  について解くと  
 $t =$   である。  
 (10) 下のヒストグラムは、あるクラスの生徒 25 人が  
 1ヶ月に読んだ本の冊数について表したものである。  
 このとき、中央値は  (i) 冊であり、6冊以上読んだ生徒の相対度数は  (ii) である。

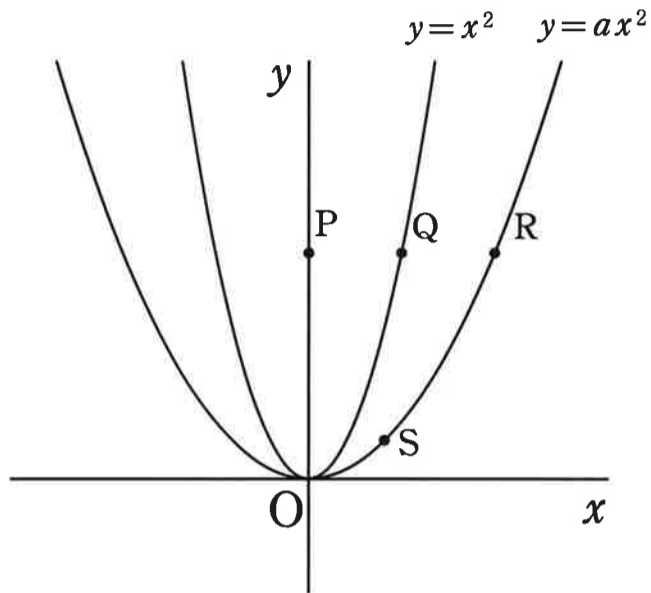


2 かける君とまこと君はマラソン大会の練習をしている。今、P地点とQ地点を結ぶ1本の道をかける君は毎分  $x$  m の速さで、まこと君は毎分  $y$  m の速さでP地点からQ地点に向かって同時に走り始めた。このとき、次の  に適当な数または式を記入しなさい。

- (1) かける君が走り始めて10分後に進んだ道のりを  $x$  を用いて表すと、 m である。  
 (2) かける君は、P地点を出発してから25分後に、まこと君より先にQ地点に到着した。  
 かける君はその後2分間休んで、Q地点からP地点に向かって再び毎分  $x$  m の速さで走り始めたところ、Q地点を出発して5分後にまこと君とちょうどすれ違った。P、Q間の道のりについて  $x, y$  を用いて方程式で表すと  (ア) である。また、2人の走る速さの差が毎分75 m であるとき、 $x =$   (イ),  $y =$   (ウ) である。

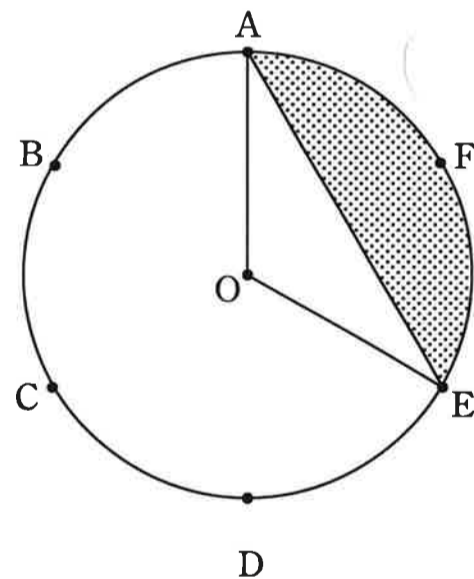
3 下の図のように、 $y$ 軸上に点  $P$  があり、2つの関数  $y=x^2$ ,  $y=ax^2$  ( $a>0$ ) のグラフ上にそれぞれ  $x$  座標を正とする点  $Q$ ,  $R$  がある。3点  $P$ ,  $Q$ ,  $R$  の  $y$  座標はいずれも 4 とする。また、点  $S$  は  $y=ax^2$  上を点  $O$  から点  $R$  まで動くものとする。このとき、次の  に適当な数を記入しなさい。  
ただし、座標の 1 目もりは 1 cm とする。

- (1) 点  $Q$  の座標は  である。
- (2) 関数  $y=x^2$  について、 $x$  の値が 1 から 4 まで増加するときの変化の割合は  である。
- (3)  $\triangle OPQ$  と  $\triangle OQR$  の面積が等しいとき、 $a$  の値は  である。
- (4)  $a$  の値を (3) の値とする。  $\triangle OPS$  の面積が  $\triangle PRS$  の面積の 2 倍になるような点  $S$  の  $x$  座標の値は  である。
- (5)  $a$  の値を (3) の値とする。  $\triangle OPS$  を  $y$  軸の周りに 1 回転させてできる立体の体積が  $16\pi \text{ cm}^3$  となるような点  $S$  の  $x$  座標の値は  である。



4 右の図は点  $O$  を中心とする半径 2 cm の円であり、 $AE=2\sqrt{3}$  cm である。  
点  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ ,  $E$ ,  $F$  は円周の 6 等分点である。  
このとき、次の  に適当な数を記入しなさい。

- (1)  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ ,  $E$ ,  $F$  の中から 3 つの点を選んで三角形を作るとき、正三角形は  (ア) 個できる。  
また、三角形は全部で  (イ) 個でき、そのうち、三角形が二等辺三角形となる確率は  (ウ) である。  
ただし、正三角形も二等辺三角形に含める。  
次に、 $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ ,  $E$ ,  $F$  の中から 4 つの点を選んで四角形を作るとき、四角形が長方形となる確率は  (エ) である。
- (2) 図の  (点線部分) の部分の面積を求めると   $\text{cm}^2$  となる。
- (3) 直線  $AC$  と直線  $DE$  との交点を  $G$  とする。  
 $\triangle AGE$  と  $\triangle DAE$  において、 $\angle GAE = \angle ADE =$   (オ)  $^\circ$  であり、 $\angle AEG = \angle DEA$  であることより、2 組の角がそれぞれ等しいから  $\triangle AGE \sim \triangle DAE$  である。  
よって  $AG =$   (カ)  $\text{cm}$  である。また、 $\triangle AGE$  の面積は  (キ)  $\text{cm}^2$  である



受験番号	氏 名

解 答 欄

1	(1)	
	(2)	
	(3)	
	(4)	
	(5)	
	(6)	$x =$
	(7)	(i) $x =$ 度
		(ii) $y =$ 度
	(8)	$y =$
	(9)	$t =$
(10)	(i) 冊	
	(ii)	

2	(1)	m
	(2)	(ア)
		(イ) $x =$
		(ウ) $y =$

3	(1)	( , )
	(2)	
	(3)	$a =$
	(4)	
	(5)	

4	(1)	(ア) 個
		(イ) 個
		(ウ)
		(エ)
	(2)	$\text{cm}^2$
	(3)	(オ) 度
		(カ) cm
		(キ) $\text{cm}^2$

得 点
〃 〃 〃

※余白は計算に使ってもよろしい

受験番号	氏名
	解答

解答欄

1	(1)	15	
	(2)	$\frac{-7a+8b}{6}$	
	(3)	3	
	(4)	6	
	(5)	$a(x+5)(x-2)$	
	(6)	$x = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$	
	(7)	(i) $x = 58$	度
		(ii) $y = 83$	度
	(8)	$y = \frac{21}{x}$	
	(9)	$t = \frac{10x-3a}{4}$	
(10)	(i)	5 冊	
	(ii)	0.36	

2	(1)	$10x$	m
	(2)	(ア)	$20x = 32y$
		(イ)	$x = 200$
		(ウ)	$y = 125$

3	(1)	( 2 , 4 )
	(2)	5
	(3)	$a = \frac{1}{4}$
	(4)	$-1 + \sqrt{17}$
	(5)	$2\sqrt{3}$

4	(1)	(ア)	2	個
		(イ)	20	個
		(ウ)	$\frac{2}{5}$	
		(エ)	$\frac{1}{5}$	
	(2)	$\frac{4}{3}\pi - \sqrt{3}$	cm <sup>2</sup>	
	(3)	(オ)	60	度
		(カ)	$4\sqrt{3}$	cm
		(キ)	$6\sqrt{3}$	cm <sup>2</sup>

得点

※余白は計算に使ってもよろしい