

2019年度 選抜 1 期入学試験問題 「数学」

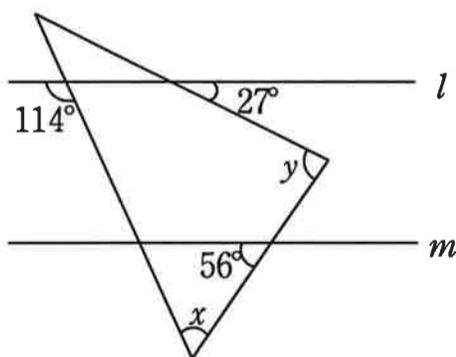
岡山県作陽高等学校

受験番号	氏名

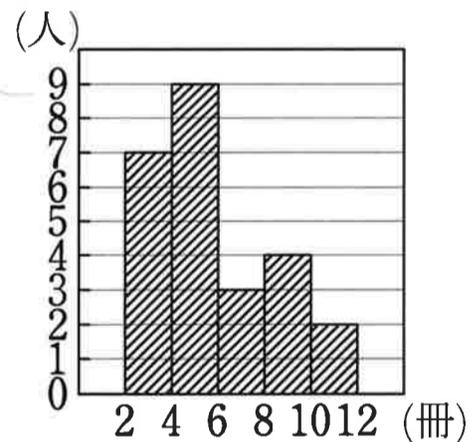
- 注意 1. 答えはすべて解答用紙に記入しなさい。
 2. 答えに $\sqrt{\quad}$ が含まれるときは $\sqrt{\quad}$ をつけたままで答えなさい。
 また、 $\sqrt{\quad}$ の中の数はできるだけ小さい自然数にしなさい。
 3. 円周率は π を用いなさい。

1 次の に適当な数または式を記入しなさい。

- (1) $2 \times (-3)^2 - 3$ を計算すると になる。
 (2) $\frac{a+b}{3} - \left(\frac{3}{2}a - b\right)$ を計算すると になる。
 (3) $(\sqrt{7} + 2)(\sqrt{7} - 2)$ を計算すると になる。
 (4) 24と42の最大公約数は である。
 (5) $ax^2 + 3ax - 10a$ を因数分解すると になる。
 (6) 方程式 $x^2 = 5x - 1$ を解くと $x =$ になる。
 (7) 下の図において $l \parallel m$ のとき
 $x =$ $^\circ$, $y =$ $^\circ$ である。



- (8) y は x に反比例し、 $x=7$ のとき、 $y=3$ である。
 このとき、 y を x の式で表すと、 $y =$ である。
 (9) 方程式 $\frac{a}{2} = \frac{5x-2t}{3}$ を文字 t について解くと
 $t =$ である。
 (10) 下のヒストグラムは、あるクラスの生徒 25 人が
 1ヶ月に読んだ本の冊数について表したものである。
 このとき、中央値は (i) 冊であり、6冊以上読んだ生徒の相対度数は (ii) である。

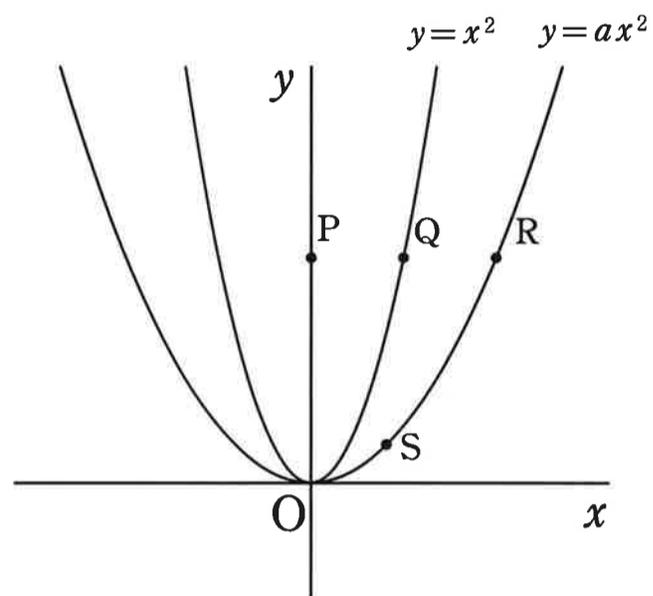


2 かける君とまこと君はマラソン大会の練習をしている。今、P地点とQ地点を結ぶ1本の道をかける君は毎分 x m の速さで、まこと君は毎分 y m の速さでP地点からQ地点に向かって同時に走り始めた。このとき、次の に適当な数または式を記入しなさい。

- (1) かける君が走り始めて10分後に進んだ道のりを x を用いて表すと、 m である。
 (2) かける君は、P地点を出発してから25分後に、まこと君より先にQ地点に到着した。
 かける君はその後2分間休んで、Q地点からP地点に向かって再び毎分 x m の速さで走り始めたところ、Q地点を出発して5分後にまこと君とちょうどすれ違った。P、Q間の道のりについて x, y を用いて方程式で表すと (ア) である。また、2人の走る速さの差が毎分75 m であるとき、 $x =$ (イ), $y =$ (ウ) である。

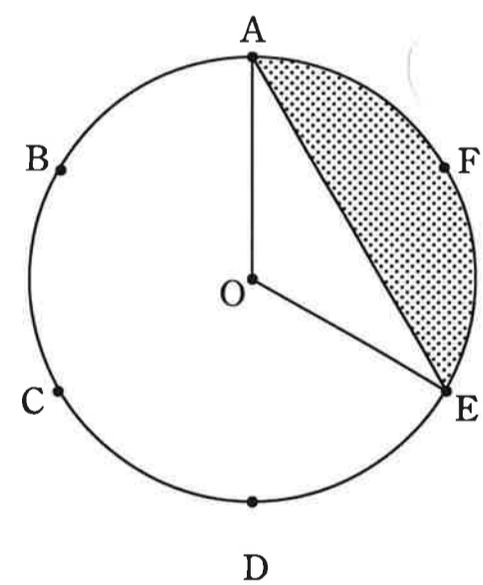
3 下の図のように、 y 軸上に点 P があり、2つの関数 $y=x^2$, $y=ax^2$ ($a>0$) のグラフ上にそれぞれ x 座標を正とする点 Q, R がある。3点 P, Q, R の y 座標はいずれも 4 とする。また、点 S は $y=ax^2$ 上を点 O から点 R まで動くものとする。このとき、次の に適当な数を記入しなさい。
ただし、座標の 1 目もりは 1 cm とする。

- (1) 点 Q の座標は である。
- (2) 関数 $y=x^2$ について、 x の値が 1 から 4 まで増加するときの変化の割合は である。
- (3) $\triangle OPQ$ と $\triangle OQR$ の面積が等しいとき、 a の値は である。
- (4) a の値を (3) の値とする。 $\triangle OPS$ の面積が $\triangle PRS$ の面積の 2 倍になるような点 S の x 座標の値は である。
- (5) a の値を (3) の値とする。 $\triangle OPS$ を y 軸の周りに 1 回転させてできる立体の体積が $16\pi \text{ cm}^3$ となるような点 S の x 座標の値は である。



4 右の図は点 O を中心とする半径 2 cm の円であり、 $AE=2\sqrt{3}$ cm である。
点 A, B, C, D, E, F は円周の 6 等分点である。
このとき、次の に適当な数を記入しなさい。

- (1) A, B, C, D, E, F の中から 3 つの点を選んで三角形を作るとき、正三角形は (ア) 個できる。
また、三角形は全部で (イ) 個でき、そのうち、三角形が二等辺三角形となる確率は (ウ) である。
ただし、正三角形も二等辺三角形に含める。
次に、 A, B, C, D, E, F の中から 4 つの点を選んで四角形を作るとき、四角形が長方形となる確率は (エ) である。
- (2) 図の (ハ) の部分の面積を求めると cm^2 となる。
- (3) 直線 AC と直線 DE との交点を G とする。
 $\triangle AGE$ と $\triangle DAE$ において、 $\angle GAE = \angle ADE =$ (オ) $^\circ$ であり、 $\angle AEG = \angle DEA$ であることより、2 組の角がそれぞれ等しいから $\triangle AGE \sim \triangle DAE$ である。
よって $AG =$ (カ) cm である。また、 $\triangle AGE$ の面積は (キ) cm^2 である



受験番号	氏 名

解 答 欄

1	(1)	
	(2)	
	(3)	
	(4)	
	(5)	
	(6)	$x =$
	(7)	(i) $x =$ 度
		(ii) $y =$ 度
	(8)	$y =$
	(9)	$t =$
(10)	(i) 冊	
	(ii)	

2	(1)	m
	(2)	(ア)
		(イ) $x =$
		(ウ) $y =$

3	(1)	(,)
	(2)	
	(3)	$a =$
	(4)	
	(5)	

4	(1)	(ア) 個
		(イ) 個
		(ウ)
	(2)	(エ)
		cm^2
	(3)	(オ) 度
		(カ) cm
		(キ) cm^2

得 点

※余白は計算に使ってもよろしい

受験番号	氏 名
	解 答

解 答 欄

1	(1)	15	
	(2)	$\frac{-7a+8b}{6}$	
	(3)	3	
	(4)	6	
	(5)	$a(x+5)(x-2)$	
	(6)	$x = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$	
	(7)	(i) $x = 58$	度
		(ii) $y = 83$	度
	(8)	$y = \frac{21}{x}$	
	(9)	$t = \frac{10x-3a}{4}$	
(10)	(i)	5 冊	
	(ii)	0.36	

2	(1)	$10x$	m
	(2)	(ア)	$20x = 32y$
		(イ)	$x = 200$
		(ウ)	$y = 125$

3	(1)	(2 , 4)
	(2)	5
	(3)	$a = \frac{1}{4}$
	(4)	$-1 + \sqrt{17}$
	(5)	$2\sqrt{3}$

4	(1)	(ア)	2	個
		(イ)	20	個
		(ウ)	$\frac{2}{5}$	
	(2)	(エ)	$\frac{1}{5}$	
		(オ)	$\frac{4}{3}\pi - \sqrt{3}$	cm ²
		(3)	(カ)	60
(キ)	$4\sqrt{3}$		cm	
		(ク)	$6\sqrt{3}$	cm ²

得 点

※余白は計算に使ってもよろしい